

## Torção em vigas

### Dúvida enviada à Comunidade TQS

A modelagem, esse artifício que fazemos para buscar de maneira digital o funcionamento puramente analógico das estruturas, tem uma série de defeitos, uns maiores e outros menores. Antigamente avaliava-se os esforços nas lajes considerando os apoios indesejáveis e isso é uma aproximação que só chega perto da realidade se a estrutura for muito bem pré-dimensionada, senão fica a quilômetros. Agora, com essas máquinas maravilhosas pode-se modelar de várias formas muito mais realistas que as antigas.

Bem, todo mundo que trabalha com estrutura deve saber disso e também que, por mais mais que bem elaborado que seja o método de modelagem e análise não é mais que um sofisticado processo em busca da verdade.

Vamos a um caso interessante: modela-se no TQS uma estrutura em grelha e as lajes são imaginadas como uma malha de vigas funcionando em conjunto. Acontece que aparecem barras, (trechos), dessas vigas muito perto de apoios, (pilares). Aí, devido à grande rigidez daquele local, a viga recusa-se a torcer e o momento torçor dispara, as tensões combinadas de torção e cortante ficam maiores que o permitido por norma e o TQS inteligentemente, diga-se de passagem, inventa uma bitola 50mm e trepa uma tarja vermelha, (colocada a pedido), indicando que tem algo muito errado com a viga. Em anexo um desenho mostrando o trecho de uma grelha como exemplo disso.

Acontece que aquela barra juntinho do apoio não existe, é tudo contínuo e o modelo peca feio: Aquele pico de torçor não acontece e se mudarmos o espaçamento da malha da grelha os novos resultados serão muito diferentes.

Gostaria que os colegas, principalmente os da TQS, mostrassem com tratam, na prática, esse tipo específico de problema.

## Resposta

O assunto levantado pelo Palmeira é vasto e muito importante.

Então vamos tentar dividir em duas partes:

1. Critérios sobre as considerações sobre torção
2. Critérios sobre a geração modelos de lajes planas/convencionais por grelha

### 1. Critérios sobre as Considerações sobre Torção

O item 14 da NBR6118 estabelece que em análises estruturais por modelos de pórtico e grelha, deve-se considerar no mínimo 15% da inércia integral a torção.

Para explicar este item da norma, devo fazer um relato pessoal como observador atento do decorrer dos acontecimentos.

Era “praxe” em análises de modelos de pavimentos convencionais de concreto armado se desprezar a inércia a torção de vigas, porque a rigidez torsional de vigas de pequena espessura em geral é pequena. Seguindo esta sistemática, até a versão 10 dos sistemas a opção default dos sistemas era de desprezar a inércia a torção em vigas em modelos de grelha e pórtico espacial, deixando como opção ao usuário escolher “lucidamente” as vigas que estariam submetidas a esforços de torção e ligar/declarar no modelador estrutural que estas vigas deveriam ter as inércias à torção consideradas.

Durante anos, quando tinha contato com um grande engenheiro que fez parte da comissão de revisão da norma, devido às experiências passadas em análises de situações reais de patologias originadas por sistemas estruturais onde surgiram fissuras por torção, ele sempre demonstrou preocupação em relação à necessidade de se considerar

um mínimo da rigidez torsional nas análises estruturais, sendo que este mínimo deveria representar a rigidez a torção para seções já no estágio II, ou seja, já uma inércia fissurada, daí surgiu os 15% do item 14 da NBR6118.

O objetivo deste item é de se evitar que engenheiros desatentos elaborassem modelos equivocados, desprezando a inércia a torção em situações que são importantes, tais como:

Vigas curvas (lembra Palmeira do projeto elaborado antes da NBR6118:2003 que você me questionou que estava cheio de vigas curvas desequilibradas?)

Marquises formadas por lajes engastadas em vigas entre pilares

Vigas engastadas em outras vigas

Vigas de borda de sacadas, engastadas em outras vigas, gerando torção nas vigas de apoio, mesmo na fase escorada da obra

Vigas de grandes vãos apoiando engastadas em outras vigas

Viga entre lajes em desnível.

Já observei em várias situações reais fissuras originadas por torção nas situações citadas.

Para se ter idéia de que os engastes de vigas de borda de lajes em balanço, já observei também fissuras em pilares que recebiam vigas engastadas de grande altura.

Bom, voltando ao relato, com o tempo, passei a observar que os usuários dos sistemas TQS em geral não “atentam” as corretas considerações sobre os pontos chaves da estrutura onde ocorre torção.

Quando foi lançada a versão 11, que atendia as prescrições da NBR6118, optou-se em considerar a torção mínima de 15% como default em vigas nos modelos de grelha e pórtico. Porém, continuamos a ter toda a liberdade de analisar os resultados e “lucidamente” escolher a rigidez a torção ideal em cada viga.

Vamos rever os recursos do sistema dedicados ao controle de torção disponíveis no TQS:

Dentro do Modelador, nos dados de cada viga, item Modelo, podemos escolher:

#### Trabalha predominantemente à torção = NÃO:

Se escolhermos não, o sistema adota o divisor de torção definido nos critérios de grelha e pórtico, sendo a opção default 6,67 ( $1/6.67=0,15$ ).

**Dados Gerais da Viga**

Identificação | Inserção | Seção/Carga | **Modelo** | Interseções | Temper/Retração | Detalhamento

Modelo de viga contínua

Considerar mesa colaborante  Não  Sim

Mesa colaborante máxima

Engastar no início  Não  Sim

Engastar no fim  Não  Sim

Desabilitar peso próprio  Não  Sim

Açavanca inicial  Não  Sim

Açavanca final  Não  Sim

Inércia à torção no pórtico/grelha

Trabalha predominantemente à torção  Não  Sim

Divisor de inércia à torção

Inércia à flexão no pórtico/grelha

Divisor de inércia à flexão

Modelo de lajes

Calcular como viga-faixa  Não  Sim

Considerar como viga de transição

Pela geometria  Sempre  Nunca

Este valor divide a inércia à torção teórica, e portanto um divisor maior que 1 DIMINUI a inércia calculada. Defina zero para usar o valor correspondente dos critérios gerais de pórtico e grelha (são definições diferentes)

OK Cancelar

### Trabalha predominantemente à torção=SIM:

Se escolhermos sim, o programa lê o divisor de torção definido no modelo e ser 0, adota o definido nos critérios de grelha e pórtico.

Vejamos as opções de critérios para controle de rigidez de vigas de pórtico:

Projeto LORIAN-320A-4-R2G - 1359 - Pórtico TQS - Interface e Processamento de Pórticos Espaciais

Materials | Vigas | Pilares | ELU | Estabilidade global | ELS | P-Delta | Pórtico NLFG | Túnel de vento | Resultados

**Seção T**

Calcular inércia das vigas com seção T em todo o vão

Vigas com inércia de seção retangular

Redutor de inércia à torção p/ vigas sem predominância de torção: 20

Redutor de inércia à torção p/ vigas com predominância de torção: 1

Rigidez lateral alta das vigas

ENGVIG - Fator de engastamento parcial de vigas: 1

Redutor de inércia à flexão para vigas faixa: 1

Transferência de esforços axiais para vigas: Sim

Posição real em elevação do eixo das vigas: Não

Tolerância p/ transferência de esforços das lajes p/ vigas do pórtico

Ajuda OK Cancelar

C:\TQS14\LORIAN-320A-4-R2G\ESPACIAL\CRITPOR.DAT

Reparem que o divisor/redutor de inércia à torção para vigas sem predominância de torção neste projeto é 20. No caso, lucidamente, depois de alguns processamentos, escolhi no modelador as vigas que com predominância de torção e lá defini os redutores/divisores de torção para cada uma delas, sendo que em alguns casos o motivo seja o equilíbrio e em outros casos, compatibilização de esforços entre os elementos estruturais.

Para as vigas sem predominância de torção, podemos ainda dentro do Modelador ativar a verificação de capacidade plástica no detalhamento de cada trecho de viga:

**Dados Gerais da Viga** [X]

Identificação | Inserção | Seção/Carga | Modelo | Intersecções | Temper/Retração | **Detalhamento**

Cobrimento diferenciado  
 Cobrimento  cm

Detalhamento no CAD/Vigas  
 Sim  Não  Como viga de compatibilização

Verificação de pé-direito duplo  
 Trava os pilares em que apoia  Não  Sim

Simular cortina  
 A viga simula cortina  Não  Sim

Tratamento de trechos sujeitos a torção de compatibilidade  
 Capacidade de adaptação plástica  Não  Sim

Conforme o item 17.5.1.2 da NBR-6118:2003, em regiões onde o comprimento do elemento sujeito à torção seja menor ou igual a  $2h$ , para garantir um nível razoável de capacidade de adaptação plástica, deve-se respeitar a armadura mínima de torção e limitar a força cortante, tal que  $VSD \leq 0.7 VRd2$ .

OK Cancelar

Os esforços de torção são transferidos ao TQS-Vigas nos arquivos TEV, em uma envoltória de máximos e mínimos, e, para evitar que pequenos resíduos de esforços, comuns em modelos com qualquer rigidez a torção, ativem o detalhamento de torção, ainda temos um importante recurso no dimensionamento de vigas, que permite desprezar pequenos percentuais de  $Trd2$ , denominado Limite mínimo de momento de torção para ativar a consideração de torção no dimensionamento. Este critério de projeto está no menu Cisalhamento/torção no item:

**Torção - Tensões / Espaçamentos / Limites**

**Limite momento de torção - LIMDMT**

Valor limite para desprezar o dimensionamento da seção transversal a torção. Valor definido em % e representa uma porcentagem do momento  $Trd2$ . Assim, se  $Tsd < (LIMDMT * Trd2)$  a seção não será dimensionada a torção.

Limite momento de torção - LIMDMT  %

**Limitação do espaçamento considerando torção**

0 = Considera apenas força cortante  
 $(Vsd / Vrd2) \leq 0.67$        $Smáx = 0.6d \leq 30$  cm  
 $(Vsd / Vrd2) > 0.67$        $Smáx = 0.3d \leq 20$  cm

1 = Considera força cortante e torção  
 $(Vsd / Vrd2 + Tsd / Trd2) \leq 0.67$        $Smáx = 0.6d \leq 30$  cm  
 $(Vsd / Vrd2 + Tsd / Trd2) > 0.67$        $Smáx = 0.6d \leq 30$  cm

**Valor limite para tensões combinadas (cisalhamento + torção)**

A NBR6118:1980 determina um valor limite para a combinação de tensão:  $(Twd / Twu) + (Ttd / Ttu) \leq$  Valor. Este é o valor aqui definido.

Valor limite para tensões combinadas

O grande legado deixado pela introdução da NBR6118:2003 no nosso dia a dia foi alcançado. Hoje projetamos com uma qualidade muito melhor, com modelos muito mais refinados, e hoje, em 2009 (século 21), passados 6 anos desde então, já deveríamos estar dominando melhor os conceitos, principalmente de torção, um tanto desprezado até então, mas nunca é tarde... E devemos estar sempre procurando desenvolver a nossa intuição sobre o comportamento estrutural e a capacidade de interpretação sobre o “funcionamento” a torção de nossas estruturas.

Os sistemas TQS são apenas excelentes (e abertas) ferramentas de projeto, mas nós como projetistas (esqueçam que sou da equipe da TQS) devemos sempre comandar os sistemas computacionais e os sistemas estruturais que estamos projetando (com eles).

**Não é admissível, em pleno século 21, um engenheiro estrutural não conhecer plenamente às suas ferramentas de projeto, sejam elas softwares de CAD, calculadoras, planilhas ou sistemas integrados.**

**Dicas para avaliação de esforços de torção:**

Realizem análises de grelha e pórtico e avaliem os esforços de torção.

Para avaliar as rigidezes efetivas a torção, a análise não linear de grelha (GNL) é a ferramenta mais apropriada. A partir das inércias obtidas no GNL, podemos definir no modelador estrutural redutores de inércia à torção coerentes.

Quando a torção for de equilíbrio, se desprezarmos a rigidez à torção, ocorrerão bons deslocamentos nas regiões e também pode até ocorrer Hipostaticidade nos modelos, principalmente quando utilizamos análises não lineares.

## 2. Critérios sobre a Geração de Modelos de Lajes Planas/Convencionais por Grelha

Os comentários do eng. Palmeira sobre a proximidade de barras de laje aos contornos (vigas e apoios) são bastante



pertinentes.

Agora vamos revisar alguns critérios de geração de modelos de grelha de lajes planas que podem nos auxiliar na formação de bons modelos:

No item distância mínima de barras a contorno, assim, podemos evitar barras muito próximas a vigas e dentro de pilares pequenos.

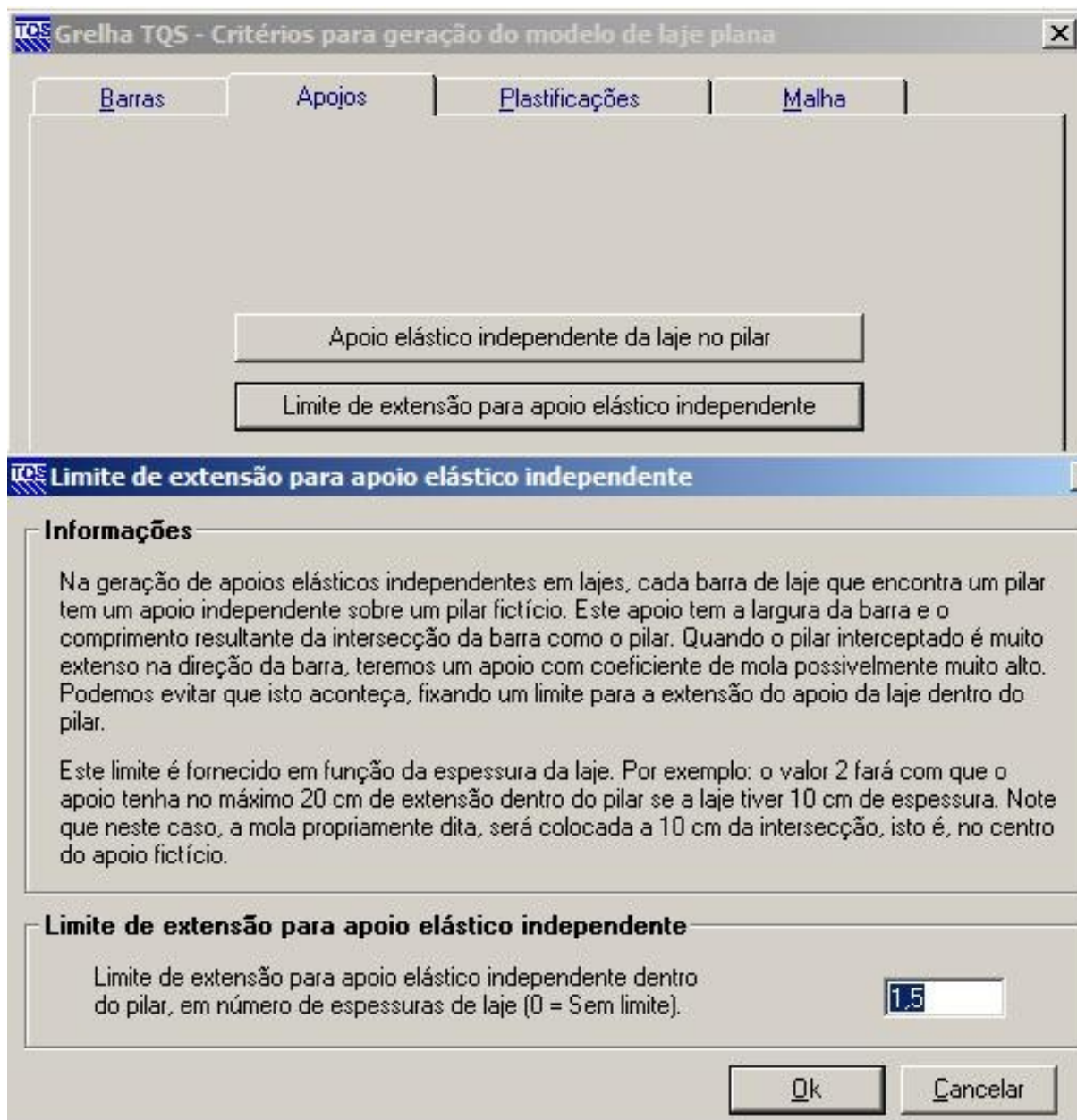


**Este critério deve ajudar na dúvida do Eng. Palmeira, onde deve-se adotar uma distância um pouco maior que 1/2 espessura das vigas.**

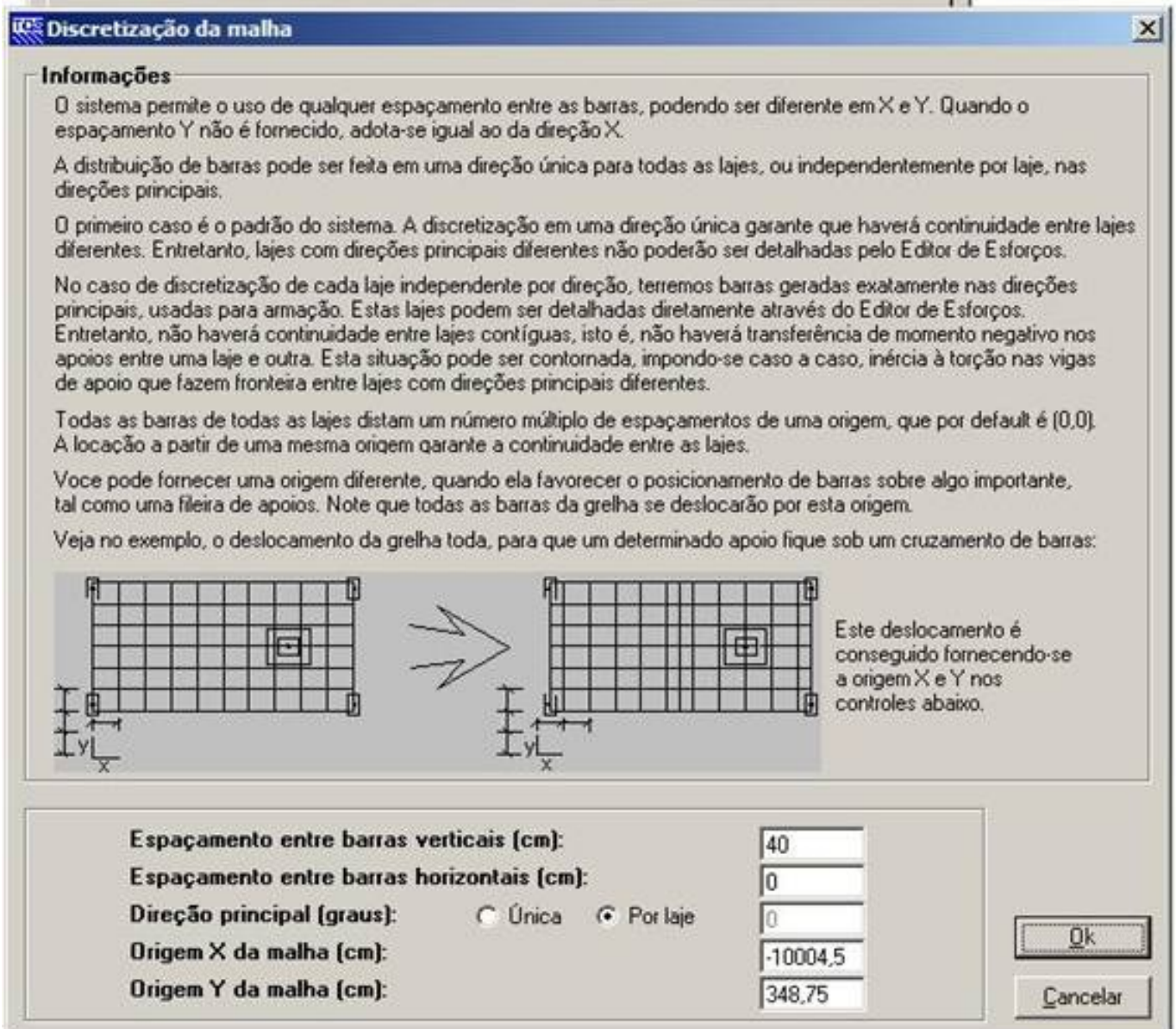
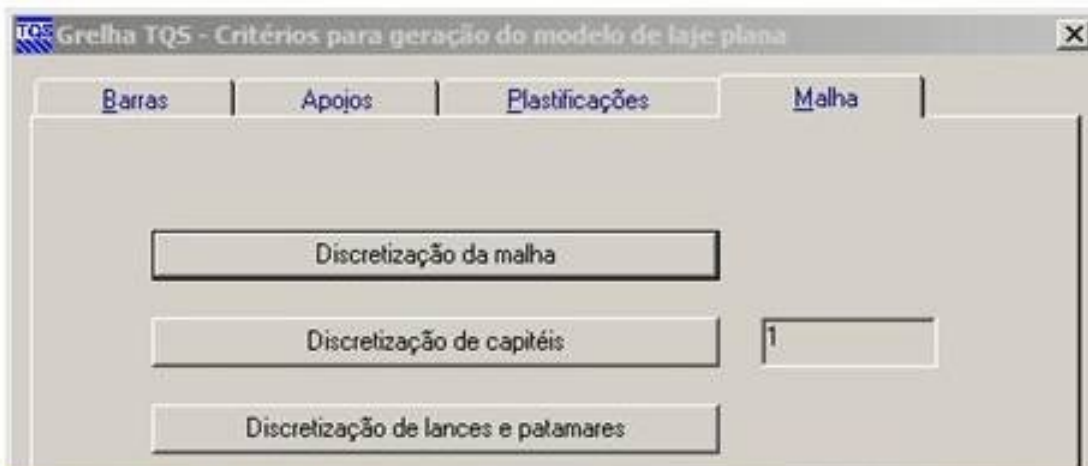
Em lajes convencionais, evitem também espaçamentos entre barras muito pequenos, sendo que utilizo em pavimentos convencionais 40cm. Assim, tento evitar picos de cortante e torção nas proximidades dos apoios.

Apenas na hora de avaliar punção em lajes planas, faço um modelo à parte com espaçamentos menores, para analisar melhor as tensões de punção, obtidas a partir das cortantes nas barras dos modelos de grelha.

No item apoios, quase sempre é ideal a utilização de apoios elásticos independentes para vigas e lajes. Para os apoios de barras de laje, temos ainda uma limitação de profundidade de apoio, para evitar que barras que isoladamente se apoiam em pilares de muita rigidez absorvam esforços “elásticos” exagerados.



No item malha temos os critérios "BÁSICOS" mais importantes para uma boa geração de modelo de grelha, que são a definição do espaçamento entre barras e de uma boa ORIGEM DA MALHA DE BARRAS DE LAJE:



Escolham sempre uma origem que proporcione uma boa malha. Façam testes, defasando a origem em  $\frac{1}{2}$  espaçamento para ver se a malha gerada passa por pontos interessantes, sempre procurando evitar grande proximidade de barras aos contornos.

Bom, por hoje é só.

Um abraço a todos

Luiz Aurélio Fortes da Silva

São Paulo